



INSTITUCION EDUCATIVA DEPARTAMENTAL MONSEÑOR AGUSTIN GUTIERREZ
FÓMEQUE - CUNDINAMARCA
AREA DE MATEMATICAS
GRADO SEPTIMO
2020



CONJUNTO DE LOS NUMEROS RACIONALES

ASIGNATURA	Matemáticas	CURSO	704
DOCENTE	Carlos Fernando Martínez C.	PERIODO	Tercero
FECHA DE INICIO	Enero 2021	FECHA DE TERMINACIÓN	Enero 2021

INDICACIONES GENERALES

Desarrollar las actividades propuestas en esta guía. Tener en cuenta colocar las fechas, los títulos de los temas y de las actividades de acuerdo al orden dado en la presente guía de trabajo. El texto escribirlo con esfero y los ejercicios realizarlos con lápiz por si se deben corregir. Realizar una buena distribución del espacio en las hojas de trabajo. Escribir con letra clara y legible. Las hojas del cuaderno deben estar numeradas.

FORMA DE ENTREGA:

Medio Físico: Cuaderno de Trabajo.

Medio Virtual: Correo Electrónico: carlosfernandomidemag@gmail.com

Whatsapp: 3202123110

Colocar en el asunto: Curso-Apellidos-Nombres-Numero de Actividad (Ejemplo: 704 Martínez Pérez Juan Martín Actividad 01)

TEMAS CLAVE:

MATEMATICAS: Conjunto de los Números Racionales Q: Definición, Fracciones Equivalentes e Irreducibles. Clasificación. Representación en la recta numérica y el plano cartesiano. Operaciones (Adición o Suma, Sustracción o Resta, Producto o Multiplicación, Cociente o División). Fracciones Homogéneas y Heterogéneas. Inverso Aditivo y Multiplicativo. Propiedades. Potenciación y Radicación de Números Fraccionarios. Propiedades.

ACTIVIDAD DE NIVELACIÓN Y REFUERZO

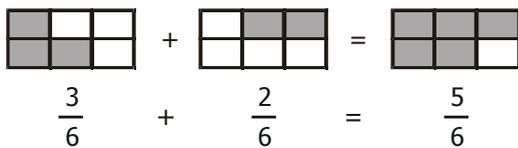
Operaciones con números fraccionarios

ADICIÓN EN NÚMEROS FRACCIONARIOS

a. De igual denominador

Para efectuar la suma o adición de dos o más fracciones con igual denominador, se suman los numeradores y se escribe el mismo denominador.

Veamos en forma gráfica:



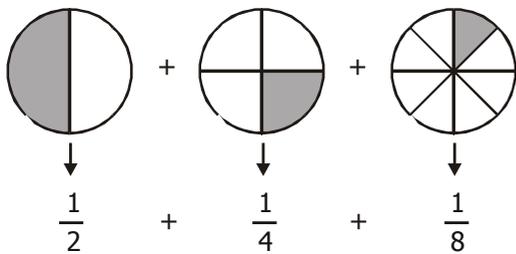
Ejemplo:

$$\frac{3}{17} + \frac{5}{17} + \frac{2}{17} = \frac{10}{17}$$

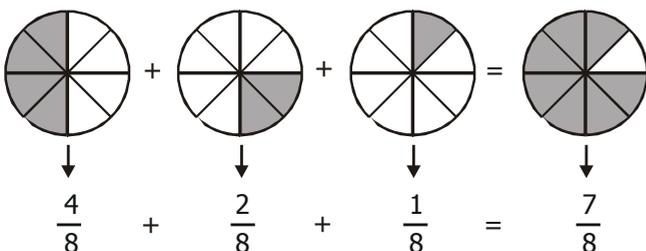
b. De diferente denominador

Para efectuar la suma o adición de fracciones de diferente denominador, buscamos transformar las fracciones a otras equivalentes, de tal forma que todas tengan ahora el mismo denominador.

Veamos un ejemplo gráfico:



Reducción a común denominador:



b.1. Método del mínimo común múltiplo (m.c.m.)

$$\frac{1}{4} + \frac{3}{8} + \frac{7}{20}$$

Hallamos el m.c.m. de los denominadores y lo escribimos como DENOMINADOR del resultado.

$$\begin{array}{l|l} 4 - 8 - 20 & 2 \\ 2 - 4 - 10 & 2 \\ 1 - 2 - 5 & 2 \\ 1 - 1 - 5 & 5 \\ 1 - 1 - 1 & 5 \end{array} \quad \text{m.c.m.} = 2 \times 2 \times 2 \times 5 = 40$$

Entonces:

$$\frac{1}{4} + \frac{3}{8} + \frac{7}{20} = \frac{\boxed{}}{40}$$

Dividimos el m.c.m. por cada denominador y el resultado lo multiplicamos por el respectivo numerador.

Luego:

$$\frac{1}{4} + \frac{3}{8} + \frac{7}{20} = \frac{10 + 15 + 14}{40} = \frac{39}{40}$$

b.2. Regla de productos cruzados

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{ad + cb}{bd}$$

Ejemplo:

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{11} = \frac{33 + 28}{44} = \frac{61}{44} = 1 \frac{17}{44}$$

SUSTRACCIÓN EN NÚMEROS FRACCIONARIOS

Efectuar la SUSTRACCIÓN de números racionales equivale a efectuar la ADICIÓN de uno de ellos con el opuesto del otro.

Ejemplo:
$$\frac{2}{5} - \frac{3}{11}$$

Esta sustracción también se puede escribir así:

$$\frac{2}{5} + \frac{-3}{11}$$

Ahora aplicamos la REGLA DE LOS PRODUCTOS CRUZADOS

$$\frac{2}{5} + \frac{-3}{11} = \frac{22 + (-15)}{55} = \frac{22 - 15}{55}$$

$$\therefore \frac{2}{5} - \frac{3}{11} = \frac{7}{55}$$

MULTIPLICACIÓN EN NÚMEROS FRACCIONARIOS

El numerador final es el resultado de multiplicar los numeradores, el denominador final es el resultado de multiplicar los denominadores.

Es decir:

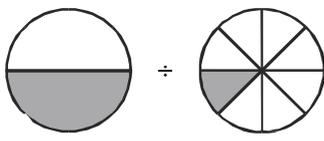
$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

Ejemplo:

$$\frac{3}{5} \times \frac{2}{7} \times \frac{2}{5} = \frac{3 \times 2 \times 2}{5 \times 7 \times 5} = \frac{12}{175}$$

DIVISIÓN EN NÚMEROS FRACCIONARIOS

Observa el dibujo y reflexiona sobre la pregunta: ¿Cuántas veces cabe 1/8 en 1/2? Se trata de dividir 1/2 entre 1/8?



$$\frac{1}{2} \div \frac{1}{8} = \frac{1 \times 8}{2 \times 1} = \frac{8}{2} = 4$$

Es decir, que 1/8 cabe cuatro veces en 1/2

Dividir una fracción "a/b" por otra NO NULA "c/d" equivale a multiplicar la primera fracción "a/b" por la inversa de la segunda "c/d".

Es decir:

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$$

Ejemplo:

$$\frac{36}{5} \div \frac{9}{8} = \frac{36}{5} \times \frac{8}{9} = \frac{32}{5}$$

POTENCIACIÓN EN NÚMEROS FRACCIONARIOS

La potencia de una fracción es el resultado de multiplicar "n" veces una misma fracción.

Así:

$$\underbrace{\frac{a}{b} \times \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} \times \dots \times \frac{a}{b}}_{\text{"n" veces } \frac{a}{b}} = \text{Potencia "n"-ésima}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{a}{b}\right)^n = P$$

Donde:

"n" es exponente natural

$\frac{a}{b}$ es base racional o fracción

"P" es la potencia o resultado de la operación POTENCIACIÓN

Ejemplo:

$\left(\frac{3}{4}\right)^3$ significa que la base racional $\frac{3}{4}$ debe ser multiplicada por sí misma tres veces.

Es decir:

$$\left(\frac{3}{4}\right)^3 = \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{3 \times 3 \times 3}{4 \times 4 \times 4} = \frac{3^3}{4^3} = \frac{27}{64}$$

Luego podemos afirmar de modo general que:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

Signos de una potencia de base racional

$$\left(\frac{+2}{3}\right)^2 = \frac{(+2) \times (+2)}{3 \times 3} = \frac{+4}{9}$$

$$\left|\frac{+2}{3}\right|^3 = \frac{(+2) \times (+2) \times (+2)}{3 \times 3 \times 3} = \frac{+8}{27}$$

Una potencia de base POSITIVA y exponente PAR o IMPAR, siempre es positiva.

$$\left(\frac{-2}{5}\right)^4 = \frac{(-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)}{5 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{+16}{625}$$

Una potencia de base NEGATIVA puede ser: POSITIVA, si el exponente es PAR

$$\left(\frac{-2}{5}\right)^3 = \frac{(-2) \times (-2) \times (-2)}{5 \times 5 \times 5} = \frac{-8}{125}$$

NEGATIVA, si el exponente es IMPAR

RADICACIÓN EN NÚMEROS FRACCIONARIOS

Hemos estudiado que dada la siguiente expresión:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n} = \frac{P}{Q}$$

La operación que permite el cálculo de la base " $\frac{a}{b}$ " dados "P" y "n", se llama RADICACIÓN.

Es decir:

$$\sqrt[n]{P} = \frac{a}{b} \Rightarrow \left(\frac{a}{b}\right)^n = P$$

Donde: P : Radicando

n : Índice ($n \geq 2$)

$\frac{a}{b}$: Raíz

$\sqrt{\quad}$: Operador radical

Ejemplo:

$$\sqrt[3]{\frac{27}{125}} = \frac{3}{5} ; \text{ porque: } \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{27}{125}$$

Propiedades

$$\left(\frac{a}{b}\right)^m \times \left(\frac{a}{b}\right)^n = \left(\frac{a}{b}\right)^{m+n}$$

Ejemplo:

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 \times \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \left(\frac{2}{3}\right)^{2+3} = \left(\frac{2}{3}\right)^5$$

$$\left[\left(\frac{a}{b}\right)^m\right]^n = \left(\frac{a}{b}\right)^{m \cdot n}$$

Ejemplo:

$$\left[\left(\frac{2}{9}\right)^3\right]^2 = \left(\frac{2}{9}\right)^{2 \cdot 3} = \left(\frac{2}{9}\right)^6$$

Signos de radicación en Q

$$\sqrt[\text{impar}]{\frac{+a}{b}} = \frac{+c}{d} ; \text{ Ejemplo: } \sqrt[3]{\frac{+8}{27}} = \frac{+2}{3}$$

$$\sqrt[\text{impar}]{\frac{-a}{b}} = \frac{-c}{d} ; \text{ Ejemplo: } \sqrt[5]{\frac{-1}{32}} = \frac{-1}{2}$$

$$\sqrt[\text{par}]{\frac{+a}{b}} = \frac{+c}{d} ; \text{ Ejemplo: } \sqrt{\frac{+9}{25}} = \frac{+3}{5}$$

$$\sqrt[\text{par}]{\frac{-a}{b}} = \text{no existe en } \mathbb{Q}$$

Ejemplo:

$$\left(\frac{2}{5} \times \frac{1}{6}\right)^2 = \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \left(\frac{1}{6}\right)^2$$

$$\frac{\left(\frac{a}{b}\right)^m}{\left(\frac{a}{b}\right)^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^{m-n}$$

Propiedades

Ejemplo:

$$\left(\frac{5}{11}\right)^6 = \left(\frac{5}{11}\right)^{6-4} = \left(\frac{5}{11}\right)^2$$
$$\left(\frac{5}{11}\right)^4 = \left(\frac{5}{11}\right)^2 \cdot \left(\frac{5}{11}\right)^2$$

• $\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$

Ejemplo: $\sqrt[3]{\frac{27}{8}} = \frac{\sqrt[3]{27}}{\sqrt[3]{8}} = \frac{3}{2}$

$$\sqrt[n]{\left(\frac{a}{b}\right)^m} = \left(\frac{a}{b}\right)^{\frac{m}{n}}$$

Ejemplo: $\sqrt[2]{\left(\frac{2}{5}\right)^2} = \left(\frac{2}{5}\right)^{\frac{2}{2}} = \left(\frac{2}{5}\right)^1 = \frac{2}{5}$

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b} \times \frac{c}{d}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}} \times \sqrt[n]{\frac{c}{d}}$$

Ejemplo: $\sqrt[7]{\frac{1}{8} \times \frac{3}{5}} = \sqrt[7]{\frac{1}{8}} \times \sqrt[7]{\frac{3}{5}}$

$$\sqrt[m]{\sqrt[n]{\sqrt[p]{a}}} = \sqrt[mnp]{a}$$

Ejemplo: $\sqrt[2]{\sqrt[5]{\sqrt[4]{\frac{2}{9}}}} = \sqrt[2 \times 5 \times 4]{\frac{2}{9}} = \sqrt[40]{\frac{2}{9}}$

EJERCICIOS DE APLICACIÓN

ADICIÓN

1. Efectuar las siguientes adiciones:

$\frac{2}{5}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{2}{7}$
$\frac{1}{5}$		

Indicar el mayor resultado.

- a) $\frac{19}{29}$ b) $\frac{23}{20}$ c) $\frac{24}{35}$
 d) $\frac{17}{35}$ e) N.A.

2. Calcular "A + B":

$$A = 3\frac{2}{3} + 2\frac{5}{6}$$

$$B = \frac{3}{5} + \frac{4}{11}$$

- a) $10\frac{1}{2}$ b) $8\frac{49}{51}$ c) $7\frac{51}{110}$
 d) $3\frac{4}{5}$ e) $9\frac{11}{50}$

3. Hallar el valor de "x + y"

$$6\frac{1}{5} = \frac{x}{5} + \frac{1}{5} \Rightarrow 6\frac{1}{5} = \frac{y}{5}$$

- a) 61 b) 75 c) 40
 d) 89 e) 41

4. Efectúe:

$$14\frac{1}{2} + 8\frac{2}{3}$$

- a) $20\frac{1}{5}$ b) $23\frac{1}{6}$ c) $\frac{30}{31}$
 d) $1\frac{3}{5}$ e) N.A.

5. Completar con los signos ">" o "<" según corresponda:

I. $\frac{3}{7} \square \frac{3}{8} + \frac{1}{5}$

II. $3\frac{2}{7} \square 3\frac{5}{6}$

III. $\frac{3}{5} + \frac{11}{12} \square 2\frac{11}{13}$

IV. $\frac{2}{5} + \frac{3}{10} \square \frac{3}{4} + \frac{2}{7}$

- a) <; <; <; < b) <; >; >; <
 c) >; >; <; < d) >; <; >; <
 e) >; >; >; >

SUSTRACCIÓN

6. Efectuar las siguientes sustracciones:

$\leftarrow -$	$\frac{2}{7}$	$\frac{5}{21}$
$\frac{3}{5}$		
3		

7. Efectuar la siguiente operación:

$$3\frac{1}{5} - 2\frac{3}{4}$$

- a) $\frac{9}{20}$ b) $\frac{3}{16}$ c) $\frac{1}{15}$
d) $\frac{3}{17}$ e) $\frac{5}{21}$

8. Calcular "A - B"

$$A = 19\frac{3}{8}$$

$$B = 13\frac{3}{4}$$

- a) $\frac{40}{7}$ b) $\frac{45}{8}$ c) $\frac{52}{6}$
d) $\frac{54}{8}$ e) $5\frac{3}{8}$

9. Restar $5\frac{5}{8}$ de $7\frac{1}{3}$

- a) $\frac{7}{19}$ b) $\frac{13}{15}$ c) $\frac{41}{24}$
d) $\frac{37}{51}$ e) $\frac{20}{21}$

10. De $\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right)$ restar $\frac{1}{6}$

- a) 2 b) 1 c) 4
d) 5 e) 0

MULTIPLICACIÓN

11. Completa el siguiente cuadro simplificando el resultado de la operación indicada.

$\leftarrow \times$	$\frac{7}{2}$	$\frac{14}{15}$	$-\frac{1}{2}$
$\frac{4}{5}$			
$-\frac{2}{7}$			

12. Calcular "A x B"

$$A = \frac{2}{5} \times \frac{10}{3} \quad B = \frac{1}{4} \times \frac{4}{9} \times 27$$

- a) 4 b) 5 c) 6
d) 7 e) 8

13. Simplificar:

$$\left(3\frac{2}{7}\right) \times \left(\frac{5}{23}\right) \times \left(1\frac{3}{10}\right)$$

- a) $\frac{21}{25}$ b) $\frac{12}{19}$ c) $\frac{5}{11}$
d) $\frac{13}{14}$ e) $\frac{1}{7}$

14. Si se sabe que:

$$A = \frac{4}{5} \times \left(1\frac{3}{8}\right) \times 2\frac{1}{2}$$

$$B = \frac{13}{15} \times \frac{5}{26} \times \frac{6}{7}$$

calcular "A x B"

- a) $\frac{5}{19}$ b) $\frac{7}{20}$ c) $\frac{11}{28}$
d) $\frac{13}{17}$ e) $\frac{11}{30}$

15. Simplificar:

$$\frac{-6}{90} \times \frac{36}{15} \times \frac{-12}{8} \times \frac{-3}{12}$$

- a) $\frac{32}{35}$ b) $\frac{10}{21}$ c) $\frac{-3}{50}$
d) $\frac{-7}{15}$ e) $\frac{-3}{5}$

DIVISIÓN

16. Complete el siguiente cuadro efectuando todas las divisiones señaladas.

\div	$\frac{11}{12}$	$-\frac{3}{8}$	-9
$\frac{9}{4}$			
$\frac{14}{21}$			

17. Escribir la expresión más simple equivalente a:

$$\frac{\frac{2}{13}}{\frac{5}{26}}$$

- a) $\frac{4}{5}$ b) $\frac{7}{12}$ c) $\frac{8}{19}$
 d) $\frac{1}{2}$ e) $\frac{1}{4}$

18. Simplificar:

$$\frac{\frac{2}{3} + \frac{1}{4}}{\frac{13}{12}}$$

- a) $\frac{7}{11}$ b) $\frac{11}{13}$ c) $\frac{21}{22}$
 d) $\frac{17}{25}$ e) $\frac{23}{50}$

19. Simplificar:

$$\frac{\frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16}}{\frac{5}{8}}$$

- a) $\frac{13}{17}$ b) $\frac{11}{25}$ c) $\frac{7}{10}$
 d) $\frac{5}{21}$ e) $\frac{1}{3}$

20. Reducir:

$$4 - \frac{1}{3 - \frac{1}{2 - \frac{1}{1 - \frac{1}{4}}}}$$

- a) $2\frac{2}{3}$ b) $3\frac{1}{2}$ c) $2\frac{1}{2}$
 d) $4\frac{1}{3}$ e) $3\frac{1}{3}$

POTENCIACIÓN

21. Escribe en los casilleros en blanco las potencias indicadas.

$\left(\frac{a}{b}\right)^n$	al cuadrado	al cubo	a la cuarta
$-\frac{1}{3}$			
$\frac{3}{5}$			
$\frac{1}{4}$			

22. Calcular "A x B", si:

$$A = \left(-\frac{1}{3}\right)^2 \quad B = \left(\frac{3}{5}\right)^3$$

- a) $\frac{5}{99}$ b) $\frac{3}{125}$ c) $\frac{3}{25}$
 d) $\frac{5}{48}$ e) $\frac{20}{51}$

23. Calcular el valor de "x" si:

$$\left(\frac{13}{15}\right)^2 \left(\frac{13}{15}\right)^7 \left(\frac{13}{15}\right)^3 = \left(\frac{13}{15}\right)^x$$

- a) 9 b) 15 c) 7
 d) 12 e) 20

24. Calcular el valor del recuadro:

$$\left\{ \left[\left(\frac{-5}{7} \right)^{21} \right]^3 \right\}^4 = \left(\frac{-5}{7} \right)^{\square}$$

- a) 24 b) 25 c) 26
 d) 27 e) 28

25. Efectuar:

$$\left[\left(\frac{3}{5} \right)^2 \times \left(\frac{27}{25} \right)^{-1} \right]^4$$

- a) $\frac{1}{13}$ b) $\frac{1}{9}$ c) $\frac{1}{81}$
 d) $\frac{1}{27}$ e) $\frac{1}{5}$

RADICACIÓN

26. Halle el resultado de:

- a) $\sqrt{\frac{81}{100}} = \square$ b) $\sqrt[3]{\frac{-1}{64}} = \square$
 c) $\sqrt[5]{\frac{1}{32}} = \square$ d) $\sqrt[3]{\frac{1000}{27}} = \square$

e) $\sqrt{\frac{121}{144}} = \square$

f) $\sqrt[3]{-\frac{1}{216}} = \square$

27. Calcular:

$$\sqrt[16]{\frac{1}{2}}$$

- a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{1}{4}$ c) $\frac{1}{8}$
 d) $\frac{1}{16}$ e) $\frac{1}{5}$

28. Simplificar:

$$\left[\frac{4}{9} \times \frac{1}{16} \times \frac{81}{100} \right]^{\frac{1}{2}}$$

- a) $\frac{3}{7}$ b) $\frac{2}{5}$ c) $\frac{3}{20}$
 d) $\frac{5}{16}$ e) $\frac{11}{13}$

BIBLIOGRAFIA/ WEBGRAFIA

1. Ortiz Wilches, L. y otros (2013). *Los Caminos del Saber. Matemáticas 7*. Bogotá, Colombia. Editorial Santillana.
2. Barrios, M y otros (2012). *Proyecto Se Matemáticas 7*. Bogotá, Colombia. Ediciones SM S.A.
3. <https://descargamatematicas.com/secundaria/>
4. **Videos de Apoyo:**

1. CONJUNTO DE LOS NUMEROS RACIONALES

<https://www.youtube.com/watch?v=kYyDc0XRUEg>
https://www.youtube.com/watch?v=QZTyePr_Snk
<https://www.youtube.com/watch?v=ZeUPGFf14kg>

<https://www.youtube.com/watch?v=0tBaUdyts-8>
<https://www.youtube.com/watch?v=7jxtB-aD8ak>

2. REPRESENTACION GRAFICA Y RELACIONES DE ORDEN EN LOS NUMEROS RACIONALES

<https://www.youtube.com/watch?v=M-KzreZqXO0>
<https://www.youtube.com/watch?v=WkbDxwHdVTY>

<https://www.youtube.com/watch?v=oMGJXSEwzA>

3. ADICION Y SUSTRACCION DE NUMEROS RACIONALES

<https://www.youtube.com/watch?v=0-P4zJ4uchA>
<https://www.youtube.com/watch?v=YN3pE-jLl7U>

<https://www.youtube.com/watch?v=uEMB5SlooQA>
<https://www.youtube.com/watch?v=QbNLVPx0pNA>

4. MULTIPLICACION Y DIVISION DE NUMEROS RACIONALES

https://www.youtube.com/watch?v=TDfaOt-nZ_k
https://www.youtube.com/watch?v=UAuSLr_lu_w

<https://www.youtube.com/watch?v=6Gc9QrVZ5Hg&t=1s>
<https://www.youtube.com/watch?v=slpeH-M-3p8>

5. POTENCIACION Y RADICACION DE NUMEROS RACIONALES

<https://www.youtube.com/watch?v=ZZmTpbqg1mY>